

# EJERCICIOS DE LÍMITES

1.-)  $\lim_{x \rightarrow 5} \frac{6}{x - 5} =$

2.-)  $\lim_{x \rightarrow 3} \frac{1}{(x - 3)^8} =$

3.-)  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{x - 1}{(x + 2)x^2} =$

4.-)  $\lim_{x \rightarrow -2} \frac{x - 1}{(x + 2)x^2} =$

5.-)  $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{x - 1}{x^3 - 1} =$

6.-)  $\lim_{h \rightarrow 0} \frac{(3 + h)^2 - 9}{h} =$

7.-)  $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{x^2 + x - 6}{x - 2} =$

8.-)  $\lim_{x \rightarrow -3} \frac{x^2 - x - 12}{x + 3} =$

9.-)  $\lim_{h \rightarrow 0} \frac{(5 - h)^2 - 25}{h} =$

10.-)  $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{x^2 + x - 2}{x^2 - 3x + 2} =$

11.-)  $\lim_{h \rightarrow 0} \frac{(h + 2)^3 - 8}{h} =$

12.-)  $\lim_{t \rightarrow 0} \frac{(1 + t)^4 - 1}{t} =$

13.-)  $\lim_{t \rightarrow 2} \frac{t^2 + t - 6}{t^2 - 4} =$

14.-)  $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{x^4 - 16}{x^2 - 2} =$

15.-)  $\lim_{h \rightarrow 0} \frac{(3 + h)^{-1} - 3^{-1}}{h} =$

16.-)  $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{\frac{1}{x} - \frac{1}{2}}{x - 2} =$

17.-)  $\lim_{x \rightarrow \frac{1}{3}} \frac{3x - 1}{3x^2 + 5x - 2} =$

20.-)  $\lim_{r \rightarrow 1} \frac{2r^2 - 1}{2r^2 + 5r - 7} =$

21.-)  $\lim_{x \rightarrow -1} \frac{2x^2 + x - 1}{x^3 - x} =$

22.-)  $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{1 - x^3}{ax + bx - a - b} =$

23.-)  $\lim_{x \rightarrow \frac{1}{2}} \frac{4x^2 - 1}{8x^3 + 1} =$

24.-)  $\lim_{x \rightarrow \frac{1}{3}} \frac{1 - 81x^4}{3x - 1} =$

25.-)  $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{x^2 + x - 12}{x + 3} =$

26.-)  $\lim_{t \rightarrow 9} \frac{9 - t}{3 - \sqrt{t}} =$

27.-)  $\lim_{s \rightarrow 16} \frac{4 - \sqrt{s}}{s - 16} =$

28.-)  $\lim_{t \rightarrow 0} \frac{\sqrt{2 - t} - \sqrt{2}}{t} =$

29.-)  $\lim_{t \rightarrow 0} \frac{\sqrt{t^2 + 9} - 3}{t^2} =$

30.-)  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sqrt{3 + x} - \sqrt{3}}{x} =$

31.-)  $\lim_{x \rightarrow 9} \frac{x^2 - 81}{\sqrt{x} - 3} =$

32.-)  $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{x^3 - 1}{\sqrt{x} - 1} =$

33.-)  $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{x^2 - \sqrt{x}}{1 - \sqrt{x}} =$

34.-)  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{x}{\sqrt{1 + 3x} - 1} =$

35.-)  $\lim_{x \rightarrow 25} \frac{\frac{1}{\sqrt{x}} - \frac{1}{5}}{x - 25} =$

36.-)  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sqrt{1 + x} - \sqrt{1 - x}}{x^2} =$

18.-) $\lim_{h \rightarrow 0} \frac{(x+h)^2 - x^2}{h} =$ 19.-) $\lim_{h \rightarrow 2} \frac{h^4 - 8}{h^2 - 4} =$	37.-) $\lim_{x \rightarrow 5} \frac{3 - \sqrt{2x-1}}{5(\sqrt{5x}-5)} =$
38.-) $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{3 - \sqrt{x^2 + 5}}{x^2 - 4} =$ 39.-) $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{\frac{3 - \sqrt{4x+1}}{x} - 2}{x} =$ 40.-) $\lim_{x \rightarrow -4} \frac{ x+4 }{x+4} =$ 41.-) $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{x-2}{ x-2 } =$ 42.-) $\lim_{x \rightarrow 1.5} \frac{2x^2 - 3x}{ 2x-3 } =$ 43.-) $\lim_{x \rightarrow 1} f(x) =$ <p>Donde,</p> $f(x) = \begin{cases} x^2 - 2x + 2 & \text{si } x < 1 \\ 3-x & \text{si } x \geq 1 \end{cases}$ 44.-) $\lim_{x \rightarrow 0} f(x) =$ <p>Donde,</p> $f(x) = \begin{cases} (x-1)^3 & \text{si } x < 0 \\ (x+1)^3 & \text{si } x \geq 0 \end{cases}$ 45.-) $\lim_{x \rightarrow 1} \left( \frac{1}{x-1} - \frac{2}{x^2-1} \right) =$ 46.-) $\lim_{t \rightarrow 0} \left( \frac{1}{t\sqrt{t+1}} - \frac{1}{t} \right) =$ 47.-) $\lim_{x \rightarrow 1} \left( \frac{1}{1-x} - \frac{3}{1-x^3} \right) =$ 48.-) $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{x+4}{x^2 - 2x + 5} =$ 49.-) $\lim_{t \rightarrow +\infty} \frac{7t^3 - 4t}{2t^3 - t^2 + 3} =$ 50.-) $\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{(1-x)(2+x)}{(1+2x)(2-3x)} =$	52.-) $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{\sqrt{2x^2 + 1}}{3x - 5} =$ 53.-) $\lim_{x \rightarrow +\infty} \sqrt{\frac{2x^2 - 1}{x + 8x^2}} =$ 54.-) $\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{\sqrt{1 + 4x^2}}{4 + x} =$ 55.-) $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{1 - \sqrt{x}}{1 + \sqrt{x}} =$ 56.-) $\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{x^7 - 1}{2x^4 - 5} =$ 57.-) $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{3 + 6x - 5x^2}{\sqrt{x^2 + 2x^4 - 1}} =$ 58.-) $\lim_{t \rightarrow -\infty} \frac{-3t + 5}{\sqrt{t^2 + 7t - 4}} =$ 59.-) $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{(2x-3)(3x+5)(6-4x)}{3x^3 + x - 1} =$ 60.-) $\lim_{x \rightarrow +\infty} mx \cdot \frac{1}{x} \left( \sqrt{x+1} - \sqrt{1-x} \right) =$ 61.-) $\lim_{x \rightarrow +\infty} \left( \sqrt{x^2 + 1} - x \right) =$ 61.-) $\lim_{x \rightarrow +\infty} \left( \sqrt{x^2 + 1} - \sqrt{x^2 - 1} \right) =$ 63.-) $\lim_{x \rightarrow +\infty} \left( x + \sqrt{x^2 + 2x} \right) =$ 64.-) $\lim_{x \rightarrow +\infty} mx \cdot \left( \sqrt{x^2 + 2} - x \right) =$ 65.-) $\lim_{x \rightarrow -\infty} \left( x + \sqrt{x^2 + 3} \right) =$ 66.-) $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{x + \tan x}{\sin x} =$ 67.-) $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\tan(2x)}{3x} =$ 68.-) $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\cos x - 1}{\sin x} =$ 69.-) $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin(3x)}{x} =$ 70.-) $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin x}{2x} =$ 71.-) $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{5x}{\tan x} =$

$$51.-) \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{\sqrt{x} - 3}{x^2 - 81} =$$

$$72.-) \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\operatorname{sen} x - x}{\tan x - x} =$$

$$73.-) \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\operatorname{sen} x}{x - \tan x} =$$

**RESPUESTAS:**

1.-) no existe

2.-)  $+\infty$ 3.-)  $-\infty$ 

4.-) no existe

5.-)  $\frac{1}{3}$ 

6.-) 6

7.-) 5

8.-) -7

9.-) -10

10.-) -3

11.-) 12

12.-) 4

13.-)  $\frac{5}{4}$ 

14.-) 0

15.-)  $-\frac{1}{9}$ 16.-)  $-\frac{1}{4}$ 

17.-)

18.-)  $2x$ 

19.-) no existe

20.-) no existe

21.-)  $-\frac{3}{2}$ 22.-)  $-\frac{3}{a+b}$ 

23.-) -2

24.-) -4

25.-)  $-\frac{5}{2}$ 

26.-) 6

27.-)  $-\frac{1}{8}$ 30.-)  $\frac{1}{2\sqrt{3}}$ 

31.-) 108

32.-) 6

33.-) -3

34.-)  $\frac{2}{3}$ 35.-)  $-\frac{1}{250}$ 

36.-) no existe

37.-)  $-\frac{2}{15}$ 38.-)  $-\frac{1}{6}$ 39.-)  $\frac{2}{3}$ 

40.-) no existe

41.-) no existe

42.-) no existe

43.-) no existe

44.-) no existe

45.-)  $\frac{1}{2}$ 46.-)  $-\frac{1}{2}$ 

47.-) -1

48.-) 0

49.-)  $\frac{7}{2}$ 50.-)  $\frac{1}{6}$ 

51.-) 0

52.-)  $\frac{\sqrt{2}}{3}$ 53.-)  $\frac{1}{2}$ 

55.-) -1

56.-)  $-\infty$ 57.-)  $-\frac{5}{\sqrt{2}}$ 

58.-) -3

59.-) -8

60.-)

61.-)

62.-)

63.-)

64.-)

65.-)

66.-) 2

67.-)  $\frac{2}{3}$ 

68.-) 0

69.-) 3

70.-)  $\frac{1}{2}$ 

71.-) 5

72.-)  $-\frac{1}{2}+$ 73.-)  $-\infty$

$$28.-) -\frac{1}{2\sqrt{2}}$$

$$29.-) -\frac{1}{6}$$

$$54.-) -2$$